

Escola Secundária/3 da Sé-Lamego

Proposta de Resolução da Prova Escrita de Métodos Quantitativos

07/02/2003

Turmas C e D

10.º Ano

Nome: _____ N.º: _____ Turma: _____

1.

a)

A correlação é positiva (em geral, quando uma das variáveis aumenta a outra aumenta também) e forte (os pontos estão bastante próximos da recta de regressão – traçada em b)).

b)

$$\bar{x} = \frac{21,2 + 24,0 + 30,1 + 18,8 + 15,2 + 20,1 + 11,7}{7} = \frac{141,1}{7} \approx 20,2 .$$

$$\bar{y} = \frac{10,3 + 10,6 + 16,9 + 10,9 + 11,5 + 14,4 + 6,6}{7} = \frac{81,2}{7} = 11,6 .$$

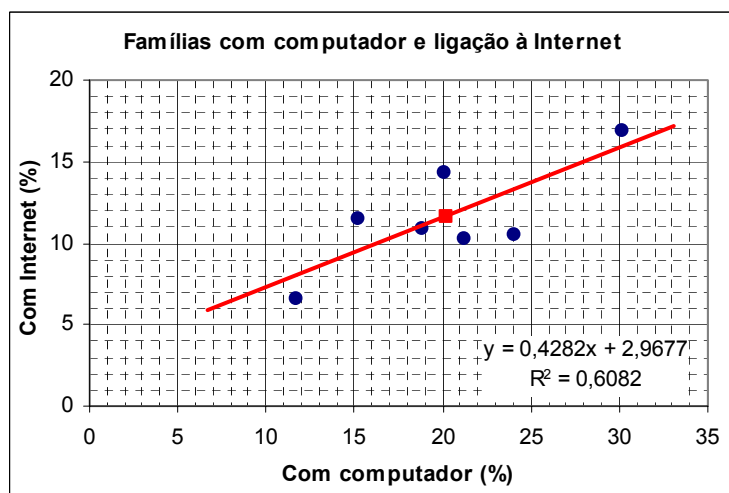
O ponto médio assim como a recta de regressão encontram-se desenhados no diagrama de dispersão.

c)

O número de famílias nas 7 regiões consideradas não é igual, pelo que essa diferente distribuição do número de famílias tem influência no cálculo da percentagem nacional. No caso presente, os dois valores são superiores aos calculados em b), o que leva a supor que, em geral, as maiores percentagens foram verificadas em regiões de maior número de famílias.

d)

É de aproximadamente 3% o desvio padrão da distribuição de percentagens de famílias com ligação à Internet:



$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^7 f_i \cdot (y_i - \bar{y})^2}{\sum_{i=1}^7 f_i}} = \sqrt{\frac{(10,3 - 11,6)^2 + (10,6 - 11,6)^2 + (16,9 - 11,6)^2 + (10,9 - 11,6)^2 + (11,5 - 11,6)^2 + (14,4 - 11,6)^2 + (6,6 - 11,6)^2}{7}} = \sqrt{\frac{64,12}{7}} \approx 3$$

2.

A alternativa correcta é [C]. (Porquê?)

3.

a)

$$\begin{array}{l} 4 - 20\% \\ x - 100\% \end{array} \quad \text{Logo, } x = \frac{4 \times 100\%}{20\%} = 20 .$$

Nesse prédio existem 20 apartamentos.

b)

A alternativa correcta é [B]. (Porquê?)

- c) Tendo em consideração que o gráfico apresentado é de frequências absolutas acumuladas, podemos obter a seguinte tabela de frequências:

| x_i | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|--------|----------------------|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| fr_i | $fr_1 = Fr_1 = 20\%$ | $fr_2 = Fr_2 - Fr_1 = 10\%$ | $fr_3 = Fr_3 - Fr_2 = 30\%$ | $fr_4 = Fr_4 - Fr_3 = 30\%$ | $fr_5 = Fr_5 - Fr_4 = 10\%$ |
| f_i | $f_1 = 4$ | $f_2 = 2$ | $f_3 = 6$ | $f_4 = 6$ | $f_5 = 2$ |

Portanto, a probabilidade pedida é $p = fr_2 + fr_3 = 10\% + 30\% = 40\%$. (ou, $p = \frac{f_2 + f_3}{20} = \frac{2 + 6}{20} = \frac{2}{5} = 40\%$)

4.



a)

Portanto, o conjunto de resultados é:

$$S = \{(5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (9,1), (9,2), (9,3), (9,4), (J,1), (J,2), (J,3), (J,4)\}$$

b1)

$$X = \{(9,1), (9,2), (9,3), (9,4)\}; Y = \{\} = \emptyset \text{ e } Z = \{(9,1)\}.$$

b2)

Nenhum dos acontecimentos é certo, pois $X \neq S$ e $Y \neq S$ e $Z \neq S$.

O acontecimento Y é impossível, pois $Y = \emptyset$.

O acontecimento Z é um acontecimento elementar, pois possui apenas um elemento do conjunto de resultados.

| | | Bola | | | |
|-------|---|--------|--------|--------|--------|
| | | 1 | 2 | 3 | 4 |
| Carta | 5 | (5, 1) | (5, 2) | (5, 3) | (5, 4) |
| | 9 | (9, 1) | (9, 2) | (9, 3) | (9, 4) |
| | J | (J, 1) | (J, 2) | (J, 3) | (J, 4) |

c)

Como $S' = \{(5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (9,1), (J,1), (J,2), (J,3), (J,4)\}$, então são 9 os casos favoráveis.

Como os casos possíveis são 12, a probabilidade pedida é $p(S') = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$.

Sabendo que foi extraída uma carta de copas, podemos reduzir o conjunto de resultados conforme está indicado na tabela ao lado.

$$\text{Assim, } p(T) = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}.$$

| | | Bola | | | |
|-------|---|--------|--------|--------|--------|
| | | 1 | 2 | 3 | 4 |
| Carta | 5 | (5, 1) | (5, 2) | (5, 3) | (5, 4) |
| | J | (J, 1) | (J, 2) | (J, 3) | (J, 4) |

5.

a)

$$\text{Ora, } p(B) = 1 - p(\bar{B}) = 1 - 2p(A) = 1 - 2 \times 0,35 = 1 - 0,7 = 0,3.$$

Como $p(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B)$, temos $0,65 = 0,35 + 0,3 - p(A \cap B)$ donde $p(A \cap B) = 0$.

b)

Os acontecimentos A e B são incompatíveis, visto a sua verificação simultânea ser um acontecimento impossível, pois $p(A \cap B) = 0$.

No entanto, os acontecimentos A e B não são contrários, visto a reunião dos acontecimentos não ser um acontecimento certo, pois $p(A \cup B) = 0,65 \neq 1$.

6.

Com os acontecimentos A , B e V são incompatíveis dois a dois e a sua reunião é um acontecimento certo, então $p(A \cup B \cup V) = p(A) + p(B) + p(V) = 1$.

$$\text{Assim, } \frac{1}{6} + \frac{1}{5} + p(V) = 1 \Leftrightarrow p(V) = \frac{30}{30} - \frac{5}{30} - \frac{6}{30} \Leftrightarrow p(V) = \frac{19}{30}.$$

$$\text{Sendo } N \text{ o número de bolas no saco, será } p(V) = \frac{38}{N} \Leftrightarrow \frac{19}{30} = \frac{38}{N} \Leftrightarrow N = \frac{30 \times 38}{19} \Leftrightarrow N = 60.$$

Portanto, o saco contém 60 bolas.